

i]

INTORNO AD ALCUNI SISTEMI DI CURVE PIANE.

$$(7) \quad \frac{d}{du} \left(\frac{1}{T} \frac{dv}{du} \right) = 0$$

Ora, dalle (6) si ricava:

$$\frac{dv}{dw} = \frac{d}{du} \left(\frac{1}{T} \frac{dv}{du} \right) = 0$$

quindi, se si pone

m .

è chiaro che si avrà :

dv

per cui la (7) diverrà :

$$(9) \quad \frac{d}{du} \left(\frac{1}{T} \frac{dv}{du} \right) = 0$$

Introduco due nuove variabili j e q , legate alle w e v dalle relazioni

$$(10) \quad u = e^{j^2}, \quad v = e^{q^2}$$

Con ciò la (9) diventa

(e* ovvero, fatto

Prendendo i logaritmi iperbolici di quest'ultima equazione si ha

dove con A è indicata la differenza finita *totale* della funzione $\log C$ (Δ , ∇). L'integrale di quest'ultima equazione può mettersi sotto la forma :

Δ (denotando una funzione di j e di q che non varia cambiando la p in $p \sim j$ e $q \sim q$ simultaneamente la y in $y \sim x$) del resto affatto arbitraria.

Si ha quindi, scrivendo per semplicità A in luogo di e^A ,

$$(13)$$